线性混合光谱模型高光谱压缩感知

王忠良1,何密2,叶珍3,粘永健2

1. 铜陵学院 电气工程学院, 铜陵 244061;
 2. 陆军军医大学(第三军医大学) 生物医学工程与影像医学系, 重庆 400038;
 3. 长安大学 电子与控制工程学院, 西安 710064

摘要: 高光谱压缩感知(HCS)对于解决机载或星载高光谱数据的存储与实时传输具有重要意义。目前,线性 混合模型(LMM)已被成功应用于HCS;然而,由于光照条件、地形变化以及大气作用等的影响,所获取的地 物光谱会发生扰动,从而限制了HCS重建质量的提高。在LMM基础上,通过引入光谱修正项来修正光谱扰动, 提出了光谱扰动修正的LMM(SPC_LMM);在此基础上,进一步提出了基于SPC_LMM的HCS(HCS_SPC_LMM) 方法。该方法在采样端仅对原始高光谱图像进行光谱维压缩采样,基于压缩采样数据,将SPC_LMM应用HCS的 重建,利用交替方向乘子法(ADMM)分别估计SPC_LMM中各分量的最优值,以获得最优的高光谱图像重建质 量。实验结果表明,HCS_SPC_LMM能够获得优于其他典型HCS方法的重建质量。

关键词:遥感,高光谱遥感,压缩感知,线性混合模型,光谱扰动

引用格式: 王忠良,何密,叶珍,粘永健.2020.线性混合光谱模型高光谱压缩感知.遥感学报,24(3): 277-289 Wang Z L, He M, Ye Z and Nian Y J. 2020. For hyperspectral compressed sensing method on linear mixed spectrum model. Journal of Remote Sensing(Chinese), 24(3): 277-289[DOI:10.11834/jrs.20209211]

1 引 言

高光谱图像 HSI (Hyper Spectral Imagery)可 以提供丰富的地物光谱信息,在矿物勘探、农 业生产、环境与灾害监测等领域得到广泛应用 (Bioucas-Dias等, 2012; 童庆禧等,2016)。然而, 随着分辨率的不断提高,成像光谱仪获取的数据 量呈指数量级增长。海量的高光谱数据给机载 或者星载成像系统的功耗、计算能力以及数据 的实时传输均带来了巨大压力。传统的压缩技 术首先通过光学系统采集高分辨率的高光谱数 据,然后对其进行压缩,这种"先成像后压缩" 的模式显著增加了成像平台的功耗与硬件复杂 度。压缩感知 CS (Compressed Sensing)技术能 以较低的采样率(远低于奈奎斯特采样率)采 集数据,将数据采集与压缩融为一体,在成像 的同时完成数据压缩,适合解决机载或者星载 高光谱成像平台数据采集与压缩难题。目前,高 光谱压缩感知 HCS (Hyperspectral Compressed Sensing)已经成为当今高光谱遥感领域研究的 热点。

基于高光谱采样数据的重建是HCS研究中的 关键问题之一。近年来针对高光谱图像的结构特 点已经提出了一系列HCS重建方法,经典的HCS 重建技术是在充分分析高光谱数据特征的基础上, 结合各种稀疏先验约束,通过凸优化的方法进行 重建。Mun和Fowler (2009)将基于块的随机采样 与投影驱动的CS重建相结合,增强了方向变换域 的稀疏性。3维压缩感知3DCS (Three-dimensional Compressive Sampling)结合了HSI的3维稀疏、平 滑与低秩先验,取得了一定的重建性能 (Shu 和 Ahuja, 2011)。孙玉宝等 (2014)将HSI分解为低 秩与稀疏成分,结合光谱维低秩先验与空间维稀 疏先验进行重建。Jia等 (2015)将HSI的结构相

收稿日期: 2019-06-26; 预印本: 2019-10-18

基金项目:国家自然科学基金(编号:41601344);重庆市基础科学与前沿技术一般项目(编号:cstc2016jcyjA0539);安徽高校自然科学研 究重点项目(编号:KJ2019A0709);安徽省级质量工程项目(编号:2016zy126);安徽省高校优秀青年骨干人才国内外访学研修项目(编号: gxgwfx2019056);后勤科研重点项目(编号:BLJ18J005)

第一作者简介: 王忠良,1980年生,男,副教授,研究方向为遥感图像处理。E-mail:asdwzl@hotmail.com 通信作者简介: 粘永健,1982年生,男,副教授,研究方向为遥感图像处理。E-mail:yjnian@126.com

似性先验应用于重建方法中,进一步提高了重建 性能。Wang等(2017)应用张量分析的方法建模 隐含在 HSI 中的空谱相关性和局部平滑性,采用 张量 Tucker 分解来描述所有波段间的全局空谱相 关性。Zhang等(2016)提出了加权拉普拉斯先 验的HCS方法,通过挖掘图像中的结构稀疏性来 提高HCS的重建性能。结合先验信息的凸优化重 建方法虽然获得了一定的重建性能,但此类方法 通常具有较高的计算复杂度,先验信息的设计也 对重建性能的影响较大。主成分分析压缩投影 CPPCA (Compressive-Projection Principal Component Analysis) (Fowler, 2009) 及其改进方法 (Chen 等, 2014; Ly等, 2013)采用光谱维压缩采样的 方式获取采样数据,重建端首先估计特征向量, 然后利用主成分分析 PCA (Principal Component Analysis)来重建原始数据,通常可以获得优于凸 优化方法的重建性能。

线性混合模型LMM(Linear Mixing Model)作 为HSI简单而有效的假设已被广泛应用于光谱解混 (蓝金辉等,2018;袁博等,2018)。LMM认为高光谱 图像可以表示为端元矩阵与丰度矩阵的乘积。近年 来,在LMM的假设下,基于光谱解混的重建方法 逐渐应用于高光谱CS重建,不但提高了重建速度, 而且较大程度地提高了重建质量。Martin等(2015) 在假设端元已知的情况下,将HCS重建问题转化为 丰度矩阵的估计问题。Wang等(2015),冯燕等 (2015), Wang等(2018)构造了一种双CS矩阵, 可以同时实现高光谱图像的空间压缩采样与光谱 维压缩采样,利用采样数据能够分别提取端元与 丰度信息。Martín和Bioucas-Dias(2016)提出了 一种谱压缩采样 SpeCA (Spectral Compressive Acquisition)方法,编码端采用双测量矩阵分别对 高光谱数据进行压缩采样,重建时应用顶点成分分 析 VCA (Vertex Component Analysis) (Nascimento 和Dias, 2005)预先提取出端元, 然后结合最小二 乘法估计出丰度,从而实现高光谱图像的重建。

现有的基于光谱解混的重建方法均是建立在 传统LMM的基础上;然而,由于光照条件、地形 变化以及大气等因素的影响,所获取的成像光谱 会发生扰动,从而偏离了地物的真实光谱,降低 了LMM的适用性(宋江涛等,2019)。Thouvenin等 (2016)为了减小光谱扰动带来的影响,为每一端 元均增加了一个扰动项来表征光谱的变化。 Drumetz等(2016)提出了扩展的LMM,即ELMM

(Extended LMM), 通过标量因子来缩放端元光谱, 以模拟光谱扰动的变化,其不足是仅用标量因子 难以精确表达光谱的扰动。Hong等(2019)将 ELMM 与 PLMM 两种模型结合起来, 通过引入谱变 异字典 SVD(Spectral Variability Dictionary)来纠 正光谱扰动。然而,光谱中每个点的扰动幅度通 常是不均匀的,上述模型难以进行自适应地修正; 此外,上述模型仅仅应用于混合像元的分解,其 在HCS重建领域的应用未见报道。针对以上不足, 本文将 ELMM 中用于缩放端元光谱的标量因子推 广到修正矩阵,提出了光谱扰动修正的线性混合 模型 SPC_LMM (Spectral Perturbed Correction-Linear Mixing Model)。与传统的LMM相比, SPC_LMM 能够自适应地修正光谱扰动幅度,进而 提高表征高光谱图像的能力,从而提高HCS的重 建质量。在此基础上,本文提出了基于SPC_LMM 的HCS(HCS_SPC_LMM)方法,在假设端元光谱 已知的情况下,采样端首先对原始高光谱数据进 行光谱维压缩采样,重建端基于SPC_LMM来重建 原始高光谱图像,结合交替方向乘子法 ADMM (Alternating Direction Method of Multipliers) 优化求 解模型的各变量,最后利用高光谱实测数据对所 提方法进行了性能测试。

2 线性混合模型(LMM)与光谱扰动 修正的线性混合模型(SPC_LMM)

若采用矩阵 $X \in \mathbb{R}^{L \times N}$ 表示原始高光谱数据, 其中L为波段数,N为每个波段的像素总数,LMM 可表示为

$$\boldsymbol{X} = \boldsymbol{E}\boldsymbol{S} + \boldsymbol{R} \tag{1}$$

式中, $E \in \mathbb{R}^{L \times p}$ 为端元矩阵, p为端元数量, $S \in \mathbb{R}^{p \times N}$ 为丰度矩阵, R为误差项。在LMM 假设 条件下,现有的基于光谱解混的 HCS 均是基于端 元与丰度的乘积来重建原始高光谱图像。然而, LMM 毕竟是一种理想模型,当存在光谱扰动时, LMM 将难以准确描述 HSI。图1给出具体的光谱扰 动实例,其中曲线1为光谱库中明矾石 (Alunite) 的标准光谱曲线,曲线2为通过 VCA 方法从 Cuprite 数据中提取的 Alunite 光谱曲线,显然两者 之间差异较大,说明实测数据中的光谱发生了扰 动。ELMM 利用尺度缩放来修正该光谱扰动,如曲 线3 所示,虽然在一定程度上接近了标准光谱曲 线,但仍有较大差距,曲线5显示了曲线1与曲线3 之间的光谱差异。



实际上,曲线1与曲线3之间光谱差异较大的 原因是由于采用了单一的尺度缩放因子,这使得 光谱曲线上每个点均按照同样的比例进行缩放, 难以符合光谱扰动的实际情况。针对该问题,通 过在LMM基础上引入修正项,提出了光谱扰动修 正的线性混合模型(SPC_LMM),如式(2)所示

X = ES + BEH + R (2) 式中, BEH 为修正项, $B \in \mathbb{R}^{t \times t}$ 表示端元光谱的 修正矩阵, $H \in \mathbb{R}^{p \times N}$ 表示修正后的端元光谱所对 应的丰度矩阵。修正矩阵 B 能够根据光谱上每个 点的扰动情况自适应地进行修正,从而提升模型 的表达精度,有利于实现更高质量的HCS重建。 图 1 中曲线 4 为基于 SPC_LMM 的 HCS 重建结果。 可以看出,SPC_LMM 仍能够获得更接近于曲线 1 的结果。曲线 6 给出了曲线 4 和曲线 1 之间的光谱 差异,可以看出,曲线 6 明显比曲线 5 更接近于零 基准线,充分表明了 SPC_LMM 比 ELMM 更能准确 反映光谱的扰动情形,并实现更有效的修正。

3 基于修正线性混合模型的高光谱 压缩感知

3.1 光谱维压缩采样

目前,世界上多个学术机构建立起了一系列 光谱库,例如美国地质勘探局USGS(United States Geological Survey)数字光谱库、喷气推进 实验室 JPL(Jet Propulsion Laboratory)光谱库以 及加利福尼亚技术研究所的先进星载热发射和 反射辐射仪ASTER(Advanced Spaceborne Thermal Emission and Reflection radiometer)光谱库等,这 使得端元 E 已知成为可能。此时,需要选取合理 的高光谱压缩采样方式,才能够在 SPC_LMM 基 础上获得良好的重建质量。高光谱图像压缩采样 通常包括空间采样与光谱维采样。由于空间采样 会严重破坏高光谱图像的丰度信息,因此,本文 选用高光谱图像光谱维压缩采样,这是一种简单 高效的 CS数据采集方式,无论对于推扫式还是摆 扫式高光谱成像系统,硬件上都比较容易实现 (王忠良等,2014)。结合式(1)与式(2),对高 光谱图像进行光谱维压缩采样可表示为

Y = AX = AES + ABEH + AR (3) 式中, $Y \in \mathbb{R}^{n \times N}$ 表示光谱维压缩采样后的v个波段 的观测数据 ($v \ll L$); $A \in \mathbb{R}^{n \times L}$ 为高斯随机观测矩 阵,光谱维压缩采样的采样率 SR (Sampling Rate) 为 v/L_o 需要指出的是,本文将高斯随机矩阵A归 一化为0—1矩阵,这种处理方式便于数字微镜设 备 DMD (Digital Micromirror Device)等光学器件 的硬件实现,更符合实际应用的需求。

3.2 基于SPC_LMM的HCS重建

HCS重建的目标是在已知端元矩阵*E*、观测数 据*Y*与观测矩阵*A*的情况下,尽可能完全重建原始 的高光谱数据*X*。从式(3)可以看出,在端元*E* 已知的前提下,实现这一目标可以通过估计丰度 矩阵*S*、修正矩阵*B*与丰度矩阵*H*来完成。然而, 直接求解这3个变量是一个非凸优化问题,本文采 用 ADMM(Boyd等,2010)对各个变量进行交替 迭代估计。

首先固定*S*和*H*,针对修正矩阵*B*的估计是一 个欠定方程的优化求解问题,需要引入合理的先 验假设。文献(Wang等,2019)引入*B*和*E*的正交先 验来求解该问题,其结果不尽如意。因此本文在估 计过程中引入全变分TV(Total Variation)约束项; 同时,考虑到修正矩阵*B*本身具有的稀疏特性, 引入标准正交基下的稀疏约束。因此,重建过程 的目标函数可表示为

$$\min_{SM,B} \frac{1}{2} \| \boldsymbol{Y} - \boldsymbol{AES} - \boldsymbol{ABEH} \|_{F}^{2} + \lambda \| \boldsymbol{WB} \|_{1.1} + \lambda_{\text{TV}} \boldsymbol{TV}(\boldsymbol{B})$$
(4)

式中, $\|C\|_{F} \equiv \sqrt{trace\{CC^{T}\}}$ 称为C的 Frobenius 范数, 上标T表示矩阵的转置; $\|C\|_{1,1} \equiv \sum_{i=1}^{L} \|C_{i}\|_{1}$, $C_{i} \supset C$ 的第i列向量; W为标准正交基, 文中选用

正交小波基; $TV(C) \triangleq \|FC\|_{1,1} = \|F_hC\|_{1,1} + \|F_vC\|_{1,1}$ 定义为空间各向异性TV范数, $F_h = F_v$ 分别表示水 平和垂直方向的离散梯度算子; $\lambda = \lambda_{TV}$ 为大于零 的正则项系数, 在后续的实验结果与分析中将会 具体讨论两者的合理取值范围。其次, 固定 B 和 H, 由于 $p \ll N$, 针对丰度 S 的估计为超定方程的 求解问题。虽然增加先验信息, 如丰度的稀疏、 和为一以及非负约束(Iordache等, 2012)有利于 获得最优解, 但相对于欠定问题的求解, 约束项 的增加对超定问题的求解影响较小。增加丰度的 约束项不但无助于提高重建质量, 而且会增加求解 的复杂度。因此, 本文仅采用最小二乘法估计S。 同理, H的估计也采用类似的方法进行求解。

此外,在交替优化S、H与B之前,首先引入变 量 $R_1 = AB$, $R_2 = WB$, $R_3 = B$ 与 $R_4 = FR_3$,式(4) 的无约束优化问题可以转化为如下的约束优化问题

$$\min_{S,H,B,R_1,R_2,R_3,R_4} \frac{1}{2} \| Y - AES - R_1 EH \|_F^2 + \lambda \| R_2 \|_{1,1} + \lambda_{TV} \| R_4 \|_{1,1}$$
(5)
s.t. $AB - R_1 = 0, WB - R_2 = 0, B - R_3 = 0, FR_3 - R_4 = 0$

式(5)关于*S*、*H*、*B*、*R*₁、*R*₂、*R*₃与*R*₄的扩展拉格朗日函数为

$$\mathcal{L}(S,H,B,R_{1},R_{2},R_{3},R_{4}) = \frac{1}{2} \|Y - AES - R_{1}EH\|_{F}^{2} + \lambda \|R_{2}\|_{1,1} + \lambda_{TV} \|R_{4}\|_{1,1} + \frac{\mu}{2} \|AB - R_{1} - T_{1}\|_{F}^{2} + \frac{\mu}{2} \|WB - R_{2} - T_{2}\|_{F}^{2} + \frac{\mu}{2} \|B - R_{3} - T_{3}\|_{F}^{2} + \frac{\mu}{2} \|FR_{3} - R_{4} - T_{4}\|_{F}^{2}$$
(6)

式中, µ为一正惩罚常数,用于控制迭代收敛速 度,实验中其大小选取为0.05; *T*₁、*T*₂、*T*₃与*T*₄为 拉格朗日乘子。式(6)的扩展拉格朗日函数同时 对所有变量的最小化是一非凸优化问题,但当固 定其他变量,仅对单一变量的最小化就成为凸优 化问题。因此,计算过程中首先固定其他变量, 分别对*S^k*、*H^k*、*B^k*、*R^k*1、*R^k*2、*R^k*3与*R^k*4中的一个变量进行 最小化,然后再更新拉格朗日乘子*T^k*₁、*T^k*2、*T^k*3与*T^k*4, 其中上标*k*表示第*k*次迭代。

S^{*}最小化:扩展拉格朗日函数仅对S^{*}最小化 是如下的最小二乘问题

$$\min_{s^{k}} \frac{1}{2} \| Y - AES^{k} - R_{1}^{k} EH^{k} \|_{F}^{2}$$
(7)

其解析解为

$$S^{k+1} \leftarrow \left(\left(AE \right)^{\mathrm{T}} \left(AE \right) \right)^{-1} \left(AE \right)^{\mathrm{T}} \left(Y - R_{1}^{k} EH^{k} \right) \quad (8)$$

式中, C⁻¹为矩阵C的逆矩阵。

H^{*}最小化:与*S*^{*}一样,*H*^{*}的最小化仍是最小 二乘问题,其解析解为

$$H^{k+1} \leftarrow \left(\left(R_1^k E \right)^{^{\mathrm{T}}} R_1^k E \right)^{^{-1}} \left(R_1^k E \right)^{^{\mathrm{T}}} \left(Y - A E S^{k+1} \right)$$
(9)
$$B^k \oplus \Lambda \mathcal{U}: B^k \oplus \Lambda \mathcal{U}$$
的子问题表示如下

$$\min_{B^{k}} \frac{\mu}{2} \| AB^{k} - R_{1}^{k} - T_{1}^{k} \|_{F}^{2} + \frac{\mu}{2} \| WB^{k} - R_{2}^{k} - T_{2}^{k} \|_{F}^{2} + \frac{\mu}{2} \| B^{k} - R_{3}^{k} - T_{3}^{k} \|_{F}^{2}$$
(10)

式中, W为正交基, W^TW为单位矩阵。式(10) 中*B*^t的最优解为

$$B^{k+1} \leftarrow \left(A^{\mathrm{T}}A + 2I_{L}\right)^{-1} \left(A^{\mathrm{T}}\left(R_{1}^{k} + T_{1}^{k}\right) + W^{\mathrm{T}}\right) \left(R_{2}^{k} + T_{2}^{k}\right) + \left(R_{3}^{k} + T_{3}^{k}\right)$$
(11)

式中, I_L 表示 $L \times L$ 的单位矩阵。

 R_1^k 最小化: R_1^k 最小化的子问题如下

$$\min_{\mathbf{R}_{1}^{k}} \frac{1}{2} \| \mathbf{Y} - \mathbf{A}\mathbf{E}\mathbf{S}^{k+1} - \mathbf{R}_{1}^{k}\mathbf{E}\mathbf{H}^{k+1} \|_{F}^{2} + \frac{\mu}{2} \| \mathbf{A}\mathbf{B}^{k+1} - \mathbf{R}_{1}^{k} - \mathbf{T}_{1}^{k} \|_{F}^{2}$$
(12)

其解可以利用式(13)进行更新

$$R_{1}^{k+1} \leftarrow \left(\left(Y - AES^{k+1} \right) \left(EH^{k+1} \right)^{\mathrm{T}} + \mu \left(AB^{k+1} - T_{1}^{k} \right) \right)$$
$$\left(\left(EH^{k+1} \right) \left(EH^{k+1} \right)^{\mathrm{T}} + \mu I_{L} \right)^{-1}$$
(13)

 R_2^k 最小化: R_2^k 最小化可以转换成如下优化子问题

$$\min_{R_{2}^{k}} \lambda \left\| R_{2}^{k} \right\|_{1,1} + \frac{\mu}{2} \left\| WB^{k+1} - R_{2}^{k} - T_{2}^{k} \right\|_{F}^{2}$$
(14)

该问题可以通过典型的 soft-threshold 方法求解,即

$$\boldsymbol{R}_{2}^{k+1} \leftarrow soft\left(\boldsymbol{W}\boldsymbol{B}^{k+1} - \boldsymbol{T}_{2}^{k}, \frac{\lambda}{\mu}\right)$$
(15)

式中, soft(*)表示 soft-threshold 函数。

R⁴₃最小化:**R**⁴₃可以通过求解如下的无约束优化问题获得

$$\min_{\mathbf{R}_{3}^{k}} \frac{1}{2} \| \mathbf{B}^{k+1} - \mathbf{R}_{3}^{k} - \mathbf{T}_{3}^{k} \|_{F}^{2} + \| \mathbf{F} \mathbf{R}_{3}^{k} - \mathbf{R}_{4}^{k} - \mathbf{T}_{4}^{k} \|_{F}^{2}$$
(16)

$$\text{ 其解可以利用式 (17) 进行更新 }$$

 $\boldsymbol{R}_{3}^{k+1} \leftarrow \left(\boldsymbol{F}\boldsymbol{F}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{I}_{L}\right)^{-1} \left(\left(\boldsymbol{B}^{k+1} - \boldsymbol{T}_{3}^{k}\right) + \boldsymbol{F}^{\mathrm{T}} \left(\boldsymbol{R}_{4}^{k} + \boldsymbol{T}_{4}^{k}\right) \right)$ (17)

R^{*}₄最小化:扩展拉格朗日函数对**R**^{*}₄的最小化 可以得到式(18)的优化子问题

$$\min_{\boldsymbol{R}_{4}^{k}} \lambda_{\mathrm{TV}} \left\| \boldsymbol{R}_{4}^{k} \right\|_{1,1} + \left\| \boldsymbol{F} \boldsymbol{R}_{3}^{k+1} - \boldsymbol{R}_{4}^{k} - \boldsymbol{T}_{4}^{k} \right\|_{F}^{2} \quad (18)$$

 R_4^k 的更新也可以用 soft-threshold 函数实现, 如式(19)所示

$$\boldsymbol{R}_{4}^{k+1} \leftarrow soft\left(\boldsymbol{F}\boldsymbol{R}_{3}^{k+1} - \boldsymbol{T}_{4}^{k}, \frac{\boldsymbol{\lambda}_{\mathrm{TV}}}{\boldsymbol{\mu}}\right)$$
(19)

应用梯度下降法更新拉格朗日乘子 *T*^{*k*}₁、*T*^{*k*}₂、*T*^{*k*}₃与*T*^{*k*}₄

$$T_{1}^{k+1} \leftarrow T_{1}^{k} - (AB^{k+1} - R_{1}^{k+1})$$

$$T_{2}^{k+1} \leftarrow T_{2}^{k} - (WB^{k+1} - R_{2}^{k+1})$$

$$T_{3}^{k+1} \leftarrow T_{3}^{k} - (B^{k+1} - R_{3}^{k+1})$$

$$T_{4}^{k+1} \leftarrow T_{4}^{k} - (FR_{3}^{k+1} - R_{4}^{k+1})$$
(20)

经过*k*次迭代后,在满足收敛条件下,即可利 用式(21)得到原始高光谱图像的估计值

$$\hat{X} = ES^{k+1} + B^{k+1}EH^{k+1}$$
(21)
综上所述, HCS_SPC_LMM的计算过程如下:

HCS_SPC_LMM方法

输入数据:观测数据Y、测量矩阵A与端元矩阵E
参数设置: λ_{Λ} , μ 与 max <i>iters</i>
Step 1 初始化:
$H^0 = 0, B^0 = I_L, R_1^0 = AB^0, R_2^0 = WB^0, R_3^0 = B^0, R_4^0 = FR_3^0,$
$T_1^0 = 0, T_2^0 = 0, T_3^0 = 0, T_4^0 = 0, k = 1, thr = 10^{-5}, res = \infty$
Step 2 While $k < maxiters$ and $res > thr$
Step 3 根据式(8)计算 S ^{k+1}
$S^{k+1} \leftarrow \left(\left(AE\right)^{\mathrm{T}}\left(AE ight)^{-1}\left(AE ight)^{\mathrm{T}}\left(Y-R_{1}^{k}EH^{k} ight)$
Step 4 根据式(9)计算 H ^{k+1}
$\boldsymbol{H}^{k+1} \leftarrow \left(\left(\boldsymbol{R}_{1}^{k} \boldsymbol{E} \right)^{\mathrm{T}} \boldsymbol{R}_{1}^{k} \boldsymbol{E} \right)^{-1} \left(\boldsymbol{R}_{1}^{k} \boldsymbol{E} \right)^{\mathrm{T}} \left(\boldsymbol{Y} - \boldsymbol{A} \boldsymbol{E} \boldsymbol{S}^{k+1} \right)$
Step 5 根据式(11)计算 B ^{k+1}
$\boldsymbol{B}^{k+1} \leftarrow \left(\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{A} + 2\boldsymbol{I}_{L}\right)^{-1} \left(\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}}\left(\boldsymbol{R}_{1}^{k} + \boldsymbol{T}_{1}^{k}\right) + \boldsymbol{W}^{\mathrm{T}}\left(\boldsymbol{R}_{2}^{k} + \boldsymbol{T}_{2}^{k}\right) + \left(\boldsymbol{R}_{3}^{k} + \boldsymbol{T}_{3}^{k}\right)\right)$
Step 6 根据式(13)计算 R ₁ ^{k+1}
$\boldsymbol{R}_{1}^{k+1} \leftarrow \left(\left(\boldsymbol{Y} - \boldsymbol{A}\boldsymbol{E}\boldsymbol{S}^{k+1}\right) \left(\boldsymbol{E}\boldsymbol{H}^{k+1}\right)^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{\mu} \left(\boldsymbol{A}\boldsymbol{B}^{k+1} - \boldsymbol{T}_{1}^{k}\right) \right)$
$\left(\left(\boldsymbol{E}\boldsymbol{H}^{k+1}\right)\left(\boldsymbol{E}\boldsymbol{H}^{k+1}\right)^{\mathrm{T}}+\boldsymbol{\mu}\boldsymbol{I}_{L}\right)^{-1}$
Step 7 根据式(15)计算 R ₂ ^{k+1}
$R_2^{k+1} \leftarrow soft\left(WB^{k+1} - T_2^k, \frac{\lambda}{\mu}\right)$
Step 8 根据式(17)计算 R ₃ ^{k+1}
$\boldsymbol{R}_{3}^{k+1} \leftarrow \left(\boldsymbol{F}\boldsymbol{F}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{I}_{L}\right)^{-1} \left(\left(\boldsymbol{B}^{k+1} - \boldsymbol{T}_{3}^{k}\right) + \boldsymbol{F}^{\mathrm{T}} \left(\boldsymbol{R}_{4}^{k} + \boldsymbol{T}_{4}^{k}\right) \right)$
Step 9 根据式(19)计算 R ^{k+1}
$R_4^{k+1} \leftarrow soft\left(FR_3^{k+1} - T_4^k, \frac{\lambda_{\text{TV}}}{\mu}\right)$
Step 10 根据式(20)更新 $T_1^k, T_2^k, T_3^k, T_4^k$
Step 11 收敛条件计算 res = $\ Y - AES - R_1 EH \ _F / \ Y \ _F$
End While
Step 12 根据式(21)获得估计的高光谱数据 \hat{X}
$\hat{X} = ES^{k+1} + B^{k+1}EH^{k+1}$
输出:重建的高光谱数据 \hat{X}

4 实验结果与分析

为了验证方法的有效性,针对机载可见光/红外 成像光谱仪 AVIRIS (Airborne Visible Infrared Imaging Spectrometer) 获取的高光谱图像 Yellowstone0、 Yellowstone3、Yellowstone10与Maine10进行了性能测 试(http: //aviris.jpl.nasa.gov/html/aviris.freedata.html [2007-05-28])。上述数据集均是未经任何处理 的原始机载高光谱数据,其中每个数据的空间大 小均截取为256×256,波段数为224,每个像素为 2个比特。图2给出了各数据的第80波段图像,其 对应的中心波长为0.75 μ m,其中前3个数据成像 地区是美国的Yellowstone,最后一个数据成像地 区是美国的Maine。

评价 HCS 重建性能所用的指标包括采样率 (SR)、平均信噪比 SNR (Signal-to-Noise Ratio) 和平均光谱角距离 SAD (Spectral Angle Distance)。 实验中主要通过分析平均 SNR 和平均 SAD 随 SR 的 变化情况来评估重建性能,其中平均 SNR 和平均 SAD 的计算方法如下

SNR =
$$\frac{1}{L} \sum_{i=1}^{L} 10 \lg \frac{\left\| \boldsymbol{x}_{i} \right\|_{2}^{2}}{\left\| \boldsymbol{x}_{i} - \hat{\boldsymbol{x}}_{i} \right\|_{2}^{2}}$$
 (22)

$$SAD = \frac{1}{N} \sum_{j=1}^{N} \arccos \frac{\boldsymbol{r}_{j}^{\mathrm{T}} \cdot \boldsymbol{r}_{j}}{\left\|\boldsymbol{r}_{j}\right\|_{2} \cdot \left\|\boldsymbol{\hat{r}}_{j}\right\|_{2}}$$
(23)

式中, \mathbf{x}_i 和 $\hat{\mathbf{x}}_i$ 分别对应原始与重建的高光谱图像第 *i*个波段的向量, \mathbf{r}_j 和 $\hat{\mathbf{r}}_j$ 分别对应原始与重建高光谱 图像空间第*j*个像素的光谱向量,其中SNR越大或 者SAD越小,表明重建质量越高,反之越低。

4.1 正则化参数的选取

首先考察正则化参数 λ 与 λ_{TV} 对于重建质量的 影响。图 3 给出了 Yellowstone0 与 Yellowstone3 在 SR = 0.5 时以及 Yellowstone10 与 Maine10 在 SR = 0.2 时参数 λ 与 λ_{TV} 对重建质量的影响。可以看出,4个 数据集的测试结果比较类似,随着 λ 和 λ_{TV} 的增加, 重建质量首先得到迅速提升,然后稳定在一个较高 水平,其中 Yellowstone0 在 λ 和 λ_{TV} 都取 10⁻⁵时重建 质量达到最大值,Yellowstone3 在 λ 和 λ_{TV} 都取 10⁻³ 时重建质量达到最大值,Yellowstone10 在 λ 和 λ_{TV} 分别取 10⁻⁵和 10⁻³时重建质量达到最大值,Maine10 在 λ 和 λ_{TV} 分别取 10⁻³和 10⁻⁵时重建质量达到最大 值。总的来看, $\lambda \pi \lambda_{TV}$ 的取值在 $10^{-3} - 10^{-6}$ 范围内均能获得较为满意的重建质量,所对应的SNR仅有

0.1 dB的波动。根据以上结果,HCS_SPC_LMM中 $\lambda \pi \lambda_{TV}$ 均设置为10⁻⁵。





图 3 参数 $\lambda 与 \lambda_{TV}$ 对重建质量的影响 Fig. 3 The influence on reconstruction quality by parameters λ and λ_{TV}

4.2 利用 SNR 比较重建质量

为了验证HCS_SPC_LMM的有效性,将其与结 合平滑投影 Landweber的块压缩感知 BCS_SPL (Block Compressed Sensing-Smooth Projected Landweber)、CPPCA、SpeCA以及基于LMM的HCS 重建的 HCS_LMM 性能进行比较,其中 SpeCA、 HCS_LMM以及HCS_SPC_LMM均采用光谱解混的方 式重建原始高光谱图像。为了保证比较的公平性, SpeCA、HCS_LMM和HCS_SPC_LMM均预先使用 HySime(Bioucas-Dias和Nascimento, 2008)方法 从原始数据中估计出端元数量。BCS_SPL的块大 小设置为50×50,并选取小波稀疏进行HCS重建。 由于本文假设端元已知,通常利用VCA预先从原 始高光谱数据中提取出相应端元作为已知端元, 这也是此类方法的通行做法(Zhang等,2016)。 HCS_LMM与HCS_SPC_LMM的主要区别在于基于不同的模型进行HCS重建,其中HCS_LMM为基于 LMM进行CS重建,而HCS_SPC_LMM为基于 SPC_LMM进行CS重建。

图4给出了不同方法重建的SNR随SR的变化 情况,SR的选取范围为0.2—0.5,步长为0.05。从 图4可以看出,BCS_SPL的重建质量最差,这是由 于该方法仅仅使用了空间压缩采样。与BCS_SPL 相比,CPPCA在SR = 0.2时的重建性能没有明显 改善,随着采样率的不断提高,其重建性能显著 提升并显著优于BCS_SPL。所有方法的重建质量 随着SR的增加均有所提高,其中CPPCA上升速度 较快,而其他方法相对缓慢。基于光谱解混的CS 重建方法能够获得显著优于 CPPCA 与 BCS_SPL 的 重建质量,其中 HCS_SPC_LMM 的重建质量均显著 优于其他方法。与 HCS_LMM 相比,随着 SR 的不 断提高,重建质量的提高程度也逐渐增大,这是 由于在低 SR 条件下,观测数据量的大幅减少会显 著降低修正矩阵 B 的估计准确度;在高 SR 条件下, 信息量的增加可以较为准确地估计 B,从而较大程 度地改善重建质量,这也充分表明了 SPC_LMM 的 有效性。对于高光谱图像压缩而言,在传输带宽 允许的条件下,为了保证重建图像的高质量,多 数情况下考虑对原始高光谱图像进行高 SR 的压缩 采样,此时 HCS_SPC_LMM 在重建质量上更具 优势。



Fig. 4 Comparison of reconstructed performance achieved by various methods

4.3 重建质量的主观评价

图5给出了在SR = 0.5时Yellowstone10第67波 段的重建图像。可以看出,即使在较高 SR 条件 下, BCS_SPL的重建质量仍然较差, 而其他方法 均能得到相对较好的重建质量,其中CPPCA在这 一波段的重建质量略高于 SpeCA。除了 BCS_SPL

之外,其他方法的重建图像在视觉效果上无明显 区分度,但它们所对应的 SNR 存在显著差异。 HCS LMM 与 HCS SPC LMM 的 重建 SNR 均高于 CPPCA与SpeCA, 而HCS_SPC_LMM相比HCS_LMM 提高了超过4dB,充分表明了SPC_LMM相对于 LMM的优越性。



(d) SpeCA (SNR = 46.36 dB) (d) SpeCA (SNR = 46.36 dB)

(e) HCS_LMM (SNR = 48.35 dB)

(e) HCS LMM (SNR = 48.35 dB)

(f) HCS_SPC_LMM (SNR = 53.18 dB) (f) HCS SPC LMM (SNR = 53.18 dB)

图 5 SR=0.5时 Yellowstone 10 第 67 波段的原始图像以及不同方法的重建图像比较 Fig. 5 Original and reconstructed images of the 67th band of Yellowstone10 with 0.5 sampling rate

图6给出了在SR = 0.2时Yellowstone10第69波 段的重建图像。由于SR较低, BCS_SPL与CPPCA 的重建图像视觉效果均不理想,丢失了大量纹理与 细节信息。SpeCA、HCS LMM以及HCS SPC LMM 能够取得较好的视觉效果,与 SpeCA 相比, HCS_LMM 的重建 SNR 提高了将近2 dB, 而 HCS_SPC_LMM在HCS_LMM基础上提高了将近2dB。 因此,与其他方法相比,即使在低SR条件下, HCS_SPC_LMM仍能够更好地恢复图像的细节与纹 理,从而有利于后续的分类与识别等应用。

4.4 利用SAD比较重建质量

表1一表4分别给出了测试数据集在不同SR条 件下对应的 SAD 比较,可以看出, SpeCA、 HCS_LMM 与 HCS_SPC_LMM 明显优于 CPPCA 和 BCS-SPL。在较高 SR 时, HCS_LMM 的 SAD 稍低 于SpeCA的SAD; 而在较低SR时, 前者比后者有 了显著的降低,而HCS_SPC_LMM能够在 HCS_LMM 的基础上进一步降低 SAD, 充分说明了 HCS_SPC_LMM 在提高 CS 重建质量方面的有 效性。



图 6 SR = 0.2时 Yellowstone10第69 波段的原始图像以及不同方法的重建图像比较 Fig. 6 Original and reconstructed images of the 69th band of Yellowstone10 with 0.2 sampling rate

Table 1 Comparison of SAD achieved by various method					
(Yellowstone0)					
SR	0.2	0.3	0.4	0.5	
BCS_SPL	0.0645	0.0567	0.0500	0.0437	
CPPCA	0.0486	0.0222	0.0138	0.0097	
SpeCA	0.0038	0.0032	0.0030	0.0029	
HCS_LMM	0.0035	0.0030	0.0029	0.0028	
HCS SPC LMM	0.0033	0.0028	0.0026	0.0024	

表1 不同方法对应的SAD比较(Yellowstone0)

表 2 不同方法对应的 SAD 比较(Yellowstone3) Table 2 Comparison of SAD achieved by various methods (Yellowstone3)

(Tenowstones)					
SR	0.2	0.3	0.4	0.5	
BCS_SPL	0.0631	0.0556	0.0491	0.0431	
CPPCA	0.0487	0.0142	0.0082	0.0055	
SpeCA	0.0040	0.0036	0.0034	0.0033	
HCS_LMM	0.0039	0.0034	0.0032	0.0031	
HCS_SPC_LMM	0.0037	0.0031	0.0029	0.0026	

表3	不同方法对应的SAD比较(Yellowstone10)
Table 3	Comparison of SAD achieved by various methods
	(Yellowstone10)

(Tenowstonero)					
SR	0.2	0.3	0.4	0.5	
BCS_SPL	0.0565	0.0500	0.0442	0.0388	
CPPCA	0.0302	0.0148	0.0119	0.0084	
SpeCA	0.0043	0.0040	0.0038	0.0037	
HCS_LMM	0.0040	0.0038	0.0037	0.0036	
HCS_SPC_LMM	0.0038	0.0034	0.0031	0.0029	

表4 不同方法对应的SAD比较(Maine10) Table 4 Comparison of SAD achieved by various methods (Maine10)

SR	0.2	0.3	0.4	0.5	
BCS_SPL	0.0729	0.0655	0.0585	0.0523	
CPPCA	0.0486	0.0222	0.0138	0.0097	
SpeCA	0.0037	0.0032	0.0030	0.0029	
HCS_LMM	0.0035	0.0030	0.0028	0.0027	
HCS_SPC_LMM	0.0034	0.0028	0.0025	0.0024	

图7给出了Yellowstone3在空间位置为(50, 50)处的原始光谱曲线与重建光谱曲线比较 (SR = 0.3),其中红色实线为原始光谱曲线,蓝色 虚线为各方法重建图像的光谱曲线。为了更为清 晰地展示光谱差异,在每个子图的右上角分别给 出了1.875—1.969 µm 这个区间光谱曲线的放大 图。可以看出,BCS_SPL与CPPCA的重建光谱曲 线 与 原 始 光 谱 曲 线 差 异 较 大 , 而 SpeCA、 HCS_LMM 与 HCS_SPC_LMM 的重建光谱曲线质量 显著优于前两种方法。此外,与SpeCA、HCS_LMM 相比,HCS_SPC_LMM 重建光谱曲线更接近于原始 光谱曲线,充分说明了 HCS_SPC_LMM 在保持光谱 特征方面的有效性。



4.5 复杂度比较

在HCS SPC LMM 的整个求解过程中,方法 复杂度较高的步骤分别是: step 4、step 5、step 6 以及step 9,其时间复杂度分别为O(pvN)、 $O(L^3)$ 、 $O(NL^2)$ 以及 $O(L^2 \log L)$ 。通常情况下,由于N远大于L,因此, HCS SPC LMM 方法的复杂度为 $O(NL^2)$ 。SpeCA的复杂度为 $O(p^3L^3)$ (Martín 和 Bioucas-Dias, 2016)。HCS SPC LMM与SpeCA的 复杂度高低取决于N与p³L的大小关系。对于本文 的测试数据而言,显然有 $N < p^{3}L$,此时,SpeCA 的复杂度显著高于HCS SPC LMM。此外,本文利 用平均运行时间进一步评估了各方法的计算复杂 度,所用的软硬件环境如下:Windows7操作系统 (64位), 计算软件为 Matlab 2014a, CPU为 Intel i7-6700H0以及内存为32GB。表5给出了各方法 在不同SR时下的运行时间比较。从表5可以看出, BCS_SPL的运算时间最长,其重建质量也是最差的。 SpeCA的运算时间低于BCS_SPL,重建质量却显著 优于BCS SPL。HCS LMM所需的运行时间最少, 并且其重建质量均优于 BCS SPL 与 SpeCA。 CPPCA 的运行时间稍高于 HCS LMM, 但其重建 质量远低于后者。与 HCS_LMM 相比, HCS SPC LMM 利用交替迭代的方法计算变量的 最优值,在提高重建质量的同时,必然会增加 计算复杂度。总的来讲, HCS SPC LMM 具有较 为适中的计算复杂度,其运行时间高于 CPPCA 与 HCS LMM, 但显著低于 SpeCA 与 BCS SPL。由于 HCS重建通常是在地面进行的, 而地面的计算资源 比较充裕,完全能够应对上述水平的计算复杂度。

表 5 不同方法的运行时间比较 Table 5 Comparison of running time achieved by

	/s			
SR	0.2	0.3	0.4	0.5
BCS_SPL	1028.84	765.34	612.62	496.78
CPPCA	0.81	1.28	2.81	3.88
SpeCA	294.80	294.78	294.42	295.10
HCS_LMM	0.20	0.18	0.16	0.16
HCS_SPC_LMM	93.94	103.47	113.96	123.48

5 结 论

本文在传统LMM的基础上,提出了一种改进的SPC_LMM,该模型可以有效修正光谱扰动,从 而更为准确地表征高光谱图像。在此基础上,提 出了基于SPC_LMM的HCS,该方法利用二值化的 高斯随机矩阵对原始高光谱图像进行光谱维压缩 采样;在SPC_LMM基础上,重建端结合ADMM获 得最优的重建质量。针对AVIRIS获取的高光谱图 像进行测试,在相同SR条件下,无论在主观评价 还是客观评价方面,所提出的方法在重建性能上 均优于其他典型的HCS方法,同时具有适中的计 算复杂度,充分表明了SPC_LMM的有效性。后续 需考虑非线性光谱混合因素对于LMM模型表达的 影响,从而进一步提高HCS的重建质量。

参考文献(References)

- Bioucas-Dias J M and Nascimento J M P. 2008. Hyperspectral subspace identification. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 46(8): 2435-2445 [DOI: 10.1109/TGRS. 2008. 918089]
- Bioucas-Dias J M, Plaza A, Dobigeon N, Parente M, Du Q, Gader P and Chanussot J. 2012. Hyperspectral unmixing overview: geometrical, statistical, and sparse regression-based approaches. IEEE Journal of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing, 5(2): 354-379 [DOI: 10.1109/JSTARS.2012. 2194696]
- Boyd S, Parikh N, Chu E, Peleato B and Eckstein J. 2010. Distributed optimization and statistical learning via the alternating direction method of multipliers. Foundations and Trends® in Machine Learning, 3(1): 1-122 [DOI: 10.1561/2200000016]
- Chen C, Li W, Tramel E W and Fowler J E. 2014. Reconstruction of hyperspectral imagery from random projections using multihypothesis prediction. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 52(1): 365-374 [DOI: 10.1109/TGRS. 2013. 2240307]
- Drumetz L, Veganzones M A, Henrot S, Phlypo R, Chanussot J and Jutten C. 2016. Blind hyperspectral unmixing using an extended linear mixing model to address spectral variability. IEEE Transactions on Image Processing, 25(8): 3890-3905 [DOI: 10.1109/TIP. 2016.2579259]
- Feng Y, Wang Z L and Wang L. 2015. A double compressed sensing model of hyperspectral imagery. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 36(9): 3041-3049 (冯燕, 王忠良, 王丽. 2015. 一种高光 谱图像的双压缩感知模型. 航空学报, 36(9): 3041-3049) [DOI: 10.7527/S1000-6893.2014.0350]
- Fowler J E. 2009. Compressive-projection principal component analysis. IEEE Transactions on Image Processing, 18(10): 2230-2242 [DOI: 10.1109/TIP.2009.2025089]
- Hong D F, Yokoya N, Chanussot J and Zhu X X. 2019. An augmented linear mixing model to address spectral variability for hyperspectral unmixing. IEEE Transactions on Image Processing, 28(4): 1923-1938 [DOI: 10.1109/TIP.2018.2878958]
- Iordache M D, Bioucas-Dias J M and Plaza A. 2012. Total variation spatial regularization for sparse hyperspectral unmixing. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 50(11): 4484-4502 [DOI: 10.1109/TGRS.2012.2191590]
- Jia Y B, Feng Y and Wang Z L. 2015. Reconstructing hyperspectral images from compressive sensors via exploiting multiple priors.

Spectroscopy Letters, 48(1): 22-26 [DOI: 10.1080/00387010. 2013.850727]

- Lan J H, Zou J L, Hao Y S, Zeng Y L, Zhang Y Z and Dong M W. 2018. Research progress on unmixing of hyperspectral remote sensing imagery. Journal of Remote Sensing, 22(1):13-27(蓝金 辉,邹金霖,郝彦爽,曾溢良,张玉珍,董铭巍.2018. 高光谱遥感影 像混合像元分解研究进展.遥感学报,22(1):13-27)[DOI:10. 11834/jrs.20186502]
- Ly N H, Du Q and Fowler J E. 2013. Reconstruction from random projections of hyperspectral imagery with spectral and spatial partitioning. IEEE Journal of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing, 6(2): 466-472 [DOI: 10.1109/ JSTARS.2012.2217942]
- Martín G and Bioucas-Dias J M. 2016. Hyperspectral blind reconstruction from random spectral projections. IEEE Journal of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing, 9(6): 2390-2399 [DOI: 10.1109/JSTARS.2016.2541541]
- Martín G, Bioucas-Dias J M and Plaza A. 2015. HYCA: a new technique for hyperspectral compressive sensing. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 53(5): 2819-2831 [DOI: 10. 1109/TGRS.2014.2365534]
- Mun S and Fowler J E. 2009. Block compressed sensing of images using directional transforms//Proceedings of the 2009 16th IEEE International Conference on Image Processing. Cairo, Egypt: IEEE: 3021-3024 [DOI: 10.1109/ICIP.2009.5414429]
- Nascimento J M P and Dias J M B. 2005. Vertex component analysis: a fast algorithm to unmix hyperspectral data. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 43(4): 898-910 [DOI: 10. 1109/TGRS.2005.844293]
- Shu X B and Ahuja N. 2011. Imaging via three-dimensional compressive sampling (3DCS)//Proceedings of 2011 International Conference on Computer Vision. Barcelona, Spain: IEEE: 439-446 [DOI: 10.1109/ICCV.2011.6126273]
- Song J T, Pan J, Xing L X, Jiang L J, Sun Y H, Zhang X F, Zhong W J and Fan B W. 2019. Applicable observational scale analysis of Linear Spectral Mixture Model. Journal of Remote Sensing, 23(2): 262-279(宋江涛,潘军,邢立新,蒋立军,孙也涵,张雪峰,仲伟敬,范 博文.2019.线性光谱混合模型的适用观测尺度分析.遥感学报, 23(2):262-279)[DOI:10.11834/jrs.20198244]
- Sun Y B, Wu Z B, Wu M and Liu Q S. 2014. Compressed sensing reconstruction of hyperspectral imagery jointly using low rank and sparse prior. Acta Electronica Sinica, 42(11): 2219-2224 (孙玉宝,

吴泽彬, 吴敏, 刘青山. 2014. 联合低秩与稀疏先验的高光谱图 像压缩感知重建. 电子学报, 42(11): 2219-2224) [DOI: 10.3969/ j.issn.0372-2112.2014.11.014]

- Thouvenin P A, Dobigeon N and Tourneret J Y. 2016. Hyperspectral unmixing with spectral variability using a perturbed linear mixing model. IEEE Transactions on Signal Processing, 64(2): 525-538 [DOI: 10.1109/TSP.2015.2486746]
- Tong Q X, Zhang B and Zhang L F. 2016. Current progress of hyperspectral remote sensing in China. Journal of Remote Sensing, 20 (5):689-707(童庆禧,张兵,张立福.2016.中国高光谱遥感的前沿 进展.遥感学报,20(5):689-707)[DOI:10.11834/jrs.20186502]
- Wang L, Feng Y, Gao Y L, Wang Z L and He M Y. 2018. Compressed sensing reconstruction of hyperspectral images based on spectral unmixing. IEEE Journal of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing, 11(4): 1266-1284 [DOI: 10.1109/ JSTARS.2017.2787483]
- Wang Y, Lin L, Zhao Q, Yue T W, Meng D Y and Leung Y. 2017. Compressive sensing of hyperspectral images via joint tensor tucker decomposition and weighted total variation regularization. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 14(12): 2457-2461 [DOI: 10.1109/LGRS.2017.2771212]
- Wang Z L, Feng Y and Jia Y B. 2015. Spatio-spectral hybrid compressive sensing of hyperspectral imagery. Remote Sensing Letters, 6 (3): 199-208 [DOI: 10.1080/2150704X.2015.1024892]
- Wang Z L, Feng Y and Wang L. 2014. Compressive sensing imaging and reconstruction of pushbroom hyperspectra. Optics and Precision Engineering, 22(11): 3129-3135 (王忠良, 冯燕, 王丽. 2014. 推扫式高光谱谱间压缩感知成像与重构. 光学精密工程, 22 (11): 3129-3135) [DOI: 10.3788/OPE.20142211.3129]
- Wang Z and Xiao H. 2019. Hyperspectral Compressive Sensing Using Improved Linear Mixing Model//Proceedings of 2019 3rd International Conference on Imaging, Signal Processing and Communication. Singapore, Singapore: IEEE: 52-56 [10.1109/ICISPC. 2019.8935773]
- Yuan B. 2018. NMF hyperspectral unmixing algorithm combined with spatial and spectral. Journal of Remote Sensing, 22(2): 265-276 (袁博.2018.空间与谱间相关性分析的 NMF 高光谱解混.遥感学报,22(2):265-276) [DOI: 10.11834/jrs.20186445]
- Zhang L, Wei W, Tian C N, Li F and Zhang Y N. 2016. Exploring structured sparsity by a reweighted laplace prior for hyperspectral compressive sensing. IEEE Transactions on Image Processing, 25 (10): 4974-4988 [DOI: 10.1109/TIP.2016.2598652]

For hyperspectral compressed sensing method on linear mixed spectrum model

WANG Zhongliang¹, HE Mi², YE Zhen³, NIAN Yongjian²

1.Department of Electric Engineering, Tongling University, Tongling 244061, China; 2.College of Biomedical Engineering and Imaging Medicine, Army Medical University (Third Military Medical University), Chongqing 400038, China; 3.School of Electronics and Control Engineering, Chang'an University, Xi'an 710064, China

Abstract: Hyperspectral Compressed Sensing (HCS) is crucial for data storage and the real-time transmission of airborne- or spacebornebased imaging platforms. The Linear Mixing Model (LMM) has been successfully applied to HCS reconstruction. However, the obtained spectrum may be disturbed, thereby limiting the improvement of reconstruction quality due to the influence of illumination conditions, topographic changes, and atmospheric effects. Spectral disturbance is corrected on the basis of LMM by introducing the spectral correction term, and a linear mixing model for spectral perturbation correction is proposed. Moreover, an improved HCS method based on modified LMM is proposed. This proposed model only performs spectral compressed sampling on the original hyperspectral images at the sampling end. The proposed method uses the proposed spectral perturbation correction model to reconstruct the original hyperspectral images based on the compressed sampling data. The alternating direction multiplier method is used to estimate the optimal values of each component in the modified LMM to obtain the optimal reconstruction quality. Experimental results show that the proposed method can achieve better reconstructed performance compared with other classical HCS methods.

Key words: remote sensing, hyperspectral remote sensing, compressed sensing, linear mixing model, spectral perturbed **Supported by** National Natural Science Foundation of China (No. 41601344)

- 6	71		L		τ.	
Ľ	۲I	N		24	÷.	٠
1	٠,	-		~1	~	٠

表A1	缩略词
Table A1	Acronym

	Tuble III / Heronym	
缩写	全拼	中文含义
HSI	HyperSpectral Imagery	高光谱图像
CS	Compressed Sensing	压缩感知
HCS	Hyperspectral Compressed Sensing	高光谱压缩感知
LMM	Linear Mixed Model	线性混合模型
SPC_LMM	Spectral Perturbed Correction-Linear Mixing Model	光谱扰动修正的线性混合模型
HCS_SPC_LMM	Hyperspectral Compressed Sensing_Spectral Perturbed	基于光谱扰动修正的线性混合模型的高
	Correction-Linear Mixing Model	光谱压缩感知
ADMM	Alternating Direction Method of Multipliers	交替方向乘子法
PCA	Principal Component Analysis	主成分分析
CPPCA	Compressive-Projection Principal Component Analysis	主成分分析压缩投影
BCS-SPL	Block Compressed Sensing-Smooth Projected Landweber	结合平滑投影Landweber的块压缩感知
3D CS	Three-dimensional Compressive Sampling	三维压缩感知
SpeCA	Spectral Compressive Acquisition	谱压缩采样
VCA	Vertex Component Analysis	顶点成分分析
ELMM	Extended Linear Mixed Model	扩展的线性混合模型
SVD	Spectral Variability Dictionary	谱变异字典
USGS	United States Geological Survey	美国地质勘探局
JPL	Jet Propulsion Laboratory	喷气推进实验室
ASTER	Advanced Spaceborne Thermal Emission and Reflection radiometer	先进星载热发射和反射辐射仪
SR	Sampling Rate	采样率
DMD	Digital Micromirror Device	数字微镜设备
TV	Total Variation	全变分
AVIRIS	Airborne Visible Infrared Imaging Spectrometer	机载可见光/红外成像光谱仪
SNR	Signal-to-Noise Ratio	信噪比
SAD	Spectral Angle Distance	光谱角距离